

### **PROGRAMA DE CURSO**

| Código  | Nombr   | Nombre             |                        |                                       |                  |
|---|---|--------------------|------------------------|---------------------------------------|------------------|
| CC7125  | INTRO   | DUCCIÓN A COQ: LÓG | GICA, TIPOS, Y VERIFIC | ACIÓN                                 |                  |
| Nombre en I   | Nombre en Inglés                                    |                    |                        |                                       |                  |
| INTRODUCT   | INTRODUCTION TO COQ: LOGIC, TYPES, AND VERIFICATION |                    |                        |                                       |                  |
| CCT   |   | Unidades           | Horas de Cátedra       | Horas Docencia                        | Horas de Trabajo |
| SCT   |   | Docentes           |                        | Auxiliar                              | Personal         |
| 6   |   | 10                 | 3                      | 1.5                                   | 5.5              |
|   |   | Requisitos         |                        | Carácter del Curso                    |                  |
| CC4101 / (M   | IA3705 d  | MA4702) / Autor    |                        | Electivo para Magister y Doctorado en |                  |
| El curso no presume ningún conocimiento previo en lógica o lenguajes de                                 |   |                    | Computación.           |                                       |                  |
| programación, aunque un cierto grado de madurez matemática y/o de exposición a lenguajes será de ayuda. |   |                    | Electivo avanzado pa   | ara pregrado.                         |                  |
|   |   |                    |                        |                                       |                  |

### Resultados de Aprendizaje

El alumno manejará las bases matemáticas de la construcción de software confiable, incluyendo conceptos básicos de lógica, demostraciones de teoremas asistidas por computador, el asistente de pruebas Coq, programación funcional, semántica operacional, lógica de Hoare, y sistemas de tipos estáticos. Dado que el contenido del curso es 100% formalizado y verificado por la máquina, el alumno tendrá una sólida experiencia inicial en el uso de Coq, tanto para definir programas o lenguajes, como para enunciar propiedades formales precisas al respecto, y producir demostraciones rigurosas automáticamente verificadas de dichas propiedades.

### Metodología Docente

Clases expositivas del profesor de cátedra, que incluyen momentos dedicados a repasar puntos delicados vistos anteriormente, explicar ejemplos extensos, y resolver ejercicios.

Para relacionar lo conceptual con lo práctico, el profesor combina explicación teórica en la pizarra con exposición en vivo de la implementación de los conceptos vistos, a través de la proyección con data show de la programación de varios ejemplos ilustrando dichos conceptos.

Se incita a los alumnos a que lleven consigo un computador para que puedan programar los ejemplos y ejercicios de manera directa, fomentando así el aprendizaje activo y la interacción en clases.

Las clases auxiliares, opcionales, serán clases prácticas de ayuda para la realización de las minitareas en Coq.

### Evaluación General

Se realiza una evaluación continua a través de "minicontroles" y "mini-tareas" regulares, en particular cada vez que se completa el estudio de una unidad temática.

Los mini-controles tienen una duración de 15-30 min. Apuntan a evaluar la buena asimilación de los conceptos, con preguntas enfocadas y pequeños ejercicios de programación/formalización. Las notas de controles se promedian para formar la nota de control, que cuenta por 50% de la nota final.

Las mini-tareas son ejercicios en Coq, para validar la capacidad del alumno a aplicar los conceptos y mecanismos vistos en clase en ejemplos de complejidad mediana. Las tareas son individuales y se promedian a partes iguales para formar la nota de tareas, que cuenta por 30% de la nota final.

Para aprobar el curso, la nota de control y la nota de tareas deben ser ambas igual o superior a 4.0.

Se realizará además un proyecto final, que consiste de un estudio de un tema avanzado a elección del alumno, con una presentación final delante del curso. Cuenta por 20% en la nota final.

Si el promedio final del alumno es igual o superior a 5.0, éste no tendrá que rendir un examen final.



| Número  | Nombre de la Unidad |   | Duración | en Semanas                       |
|---|---------------------|---|----------|----------------------------------|
| 1   | Programació         | Programación Funcional en Coq   |          | 0.5                              |
| Contenidos  |                     | Resultados de Aprendizajes de la Unidad   |          | Referencias a la<br>Bibliografía |
| Tipos de datos y definiciones básicas<br>Demostraciones por simplificación, por<br>reescritura, por análisis de casos |                     | Nivel básico de programación en Coq y demostraciones simples con tipos definidos por casos. |          | [1] Basics.html<br>[2]           |

| Número                       | Nombre de la Unidad          |   | Duración | en Semanas                       |
|------------------------------|------------------------------|---|----------|----------------------------------|
| 2                            | Demostraciones por Inducción |   |          | 0.5                              |
| Contenidos                   |                              | Resultados de Aprendizajes de la Unidad       |          | Referencias a la<br>Bibliografía |
| Demostraciones por inducción |                              | Manejo de demostraciones por inducción en     |          | [1] Induction.html               |
| Demostraciones dentro de     |                              | Coq, y organización de demostraciones en sub- |          | [2]                              |
| demostraciones               | 5                            | demostraciones.                               |          |                                  |

| Número   | Nombre de la Unidad |  | Duración en Semanas |                                  |
|--|---------------------|--|---------------------|----------------------------------|
| 3  | Datos               | Estructurados  |                     | 1                                |
| Contenidos   |                     | Resultados de Aprendizajes de la Unidad                  |                     | Referencias a la<br>Bibliografía |
| Pares y Listas Razonar sobre listas Opciones Mapas parciales |                     | Modelar y razonar sobre estructuras de datos estándares. |                     | [1] Lists.html<br>[2]            |

| Número   | Nombre de la Unidad                        |  | Duración | en Semanas                       |
|--|--|--|----------|----------------------------------|
| 4  | Polimorfismo y Funciones de Orden Superior |  |          | 1                                |
| Contenidos   |  | Resultados de Aprendizajes de la Unidad                          |          | Referencias a la<br>Bibliografía |
| Listas polimórficas, pares polimórficos<br>Inferencia y argumentos implícitos<br>Funciones como datos, map, fold, etc. |  | Usar Coq como un lenguaje de programación funcional polimórfico. |          | [1] Poly.html<br>[2]             |

| Número   | Nombre de la Unidad |  | Duración en Semanas |                                  |
|--|---------------------|--|---------------------|----------------------------------|
| 5  | Tácti               | icas Básicas   |                     | 1                                |
| Contenidos   |                     | Resultados de Aprendizajes de la Unidad  |                     | Referencias a la<br>Bibliografía |
| Tácticas esenciales: apply, inversión,<br>unfold, destruct<br>Controlar la hipótesis de inducción<br>Resumen de tácticas básicas |                     | Manejar técnicas básicas de demostraciones sobre programas funcionales, y saber detectar cuándo y cómo ajustar una hipótesis de inducción. |                     | [1] Tactics.html<br>[2]          |

| Número     | Nombre de la Unidad               |                            | Duración     | en Semanas       |
|------------|-----------------------------------|----------------------------|--------------|------------------|
| 6          | Lógica y Proposiciones Inductivas |                            | 1.5          |                  |
| Contenidos |                                   | Resultados de Aprendizajes | de la Unidad | Referencias a la |



|  |  | Bibliografía     |
|--|--|------------------|
| Conectivos lógicos: conjunción,          | Describir y demostrar formulas lógicas           | [1] Logic.html   |
| disyunción, falsedad, negación, verdad,  | (proposiciones) en Coq.                          | [1] IndProp.html |
| equivalencia, cuantificación existencial | Entender diferencias entre la lógica de Coq y la | [2]              |
| Programar con proposiciones              | teoría de conjuntos.                             |                  |
| Coq vs teoría de conjuntos               | Definir y demostrar relaciones inductivas.       |                  |
| Proposiciones y relaciones inductivas    |  |                  |
| Usar evidencia en demostraciones         |  |                  |

| Número  | Nombre de la Unidad             |   | Duración en Semanas |                                  |
|---|---------------------------------|---|---------------------|----------------------------------|
| 7   | Correspondencia de Curry-Howard |   |                     | 1                                |
| Contenidos  |                                 | Resultados de Aprendizajes de la Unidad   |                     | Referencias a la<br>Bibliografía |
| Scripts y objetos de demostraciones<br>Conectivos lógicos como tipos inductivos<br>Igualdad |                                 | Entender la conexión entre tipos y proposiciones, y entre programas y demostraciones. |                     | [1] ProofObjects.html [2], [4]   |

| Número   | Nombre de la Unidad   |   | Duración   | en Semanas                       |
|--|---|---|------------|----------------------------------|
| 8  | Programas Impe  | erativos y Equivalencia   |            | 1.5                              |
| Contenidos   |   | Resultados de Aprendizajes de la Unidad   |            | Referencias a la<br>Bibliografía |
| Relación de eva<br>Variables y com<br>Razonar sobre p<br>Equivalencia co | de demostraciones<br>luación de IMP<br>andos<br>programas IMP | Saber modelar un lenguaje simple<br>propiedades sobre programas, en<br>equivalencia entre programas.<br>Definir transformaciones de progr<br>demostrar que son correctas. | particular | [1] Imp.html<br>[1] Equiv.html   |

| Número   | Nombre de la Unidad |  | Duración en Semanas |                                   |
|--|---------------------|--|---------------------|-----------------------------------|
| 9  | Lógica              | de Hoare   | 1.5                 |                                   |
| Contenidos   |                     | Resultados de Aprendizajes de la Unidad  |                     | Referencias a la<br>Bibliografía  |
| Aserciones y triplas de Hoare Reglas de demostraciones Programas decorados Invariantes de bucles Precondiciones más débiles (según tiempo) |                     | Manejar los principios básicos de la lógica de<br>Hoare para hacer verificación de programas<br>imperativos. |                     | [1] Hoare.html<br>[1] Hoare2.html |

| Número  | Nombre de la Unidad |   | Duración en Semanas |                                  |
|---|---------------------|---|---------------------|----------------------------------|
| 10  | Semánti             | ca Operacional  |                     | 1                                |
| Contenidos  |                     | Resultados de Aprendizajes de la Unidad   |                     | Referencias a la<br>Bibliografía |
| El mini-lenguaje TOY<br>Reducción paso a paso<br>Formas normales y progreso<br>Una máquina a pilas, paso a paso |                     | Entender la diferencia entre semánticas de paso chicos y de pasos grandes.  Modelar lenguajes y máquinas paso a paso. |                     | [1] Smallstep.html<br>[4]        |



| Número   | Nombre de la Unidad              |  | Duración en Semanas |                                  |
|--|----------------------------------|--|---------------------|----------------------------------|
| 11   | Automatización de Demostraciones |  | 0.5                 |                                  |
| Contenidos   |                                  | Resultados de Aprendizajes de la Unidad            |                     | Referencias a la<br>Bibliografía |
| Automatización de demostraciones:<br>táctica auto, calce de hipótesis con Ltac,<br>variables existenciales con eapply y eauto. |                                  | Mejorar técnicas de automatizacion demostraciones. | ón parcial de las   | [1] Auto.html                    |

| Número  | Nombre de la Unidad |  | Duración en Semanas |                                  |
|---|---------------------|--|---------------------|----------------------------------|
| 12  | Sistemas de Tipos   |  | 1                   |                                  |
| Contenidos  |                     | Resultados de Aprendizajes de la Unidad  |                     | Referencias a la<br>Bibliografía |
| Expresiones aritméticas tipadas<br>Coherencia de los tipos con progreso y |                     | Entender los conceptos básicos de los sistemas de tipos, así como la propiedad fundamental |                     | [1] Types.html<br>[4]            |
| preservación  |                     | (coherencia) de esos sistemas.   |                     |                                  |

| Número   | Nombre de la Unidad          |   | Duración en Semanas |   |
|--|------------------------------|---|---------------------|---|
| 13   | Lambda Cálculo Tipado (STLC) |   | 2                   |   |
| Contenidos   |                              | Resultados de Aprendizajes de la Unidad   |                     | Referencias a la<br>Bibliografía                          |
| Sintaxis, semántica, y tipos simples para<br>el lambda cálculo<br>Propiedades del STLC: progreso,<br>preservación, unicidad de tipos<br>Verificador de tipos para STCL |                              | Aplicar los conceptos fundamentales de sistemas de tipos al lenguaje esencial de los lenguajes de programación modernos: el lambda cálculo. Entender la diferencia entre una especificación (p.ej. como relación) y un algoritmo. |                     | [1] Stlc.html [1] StlcProp.html [1] Typechecking.html [4] |

| Número   | Nombre de la Unidad |  | Dura                      | uración en Semanas   |  |
|--|---------------------|--|---------------------------|--|--|
| 14   | Tópico              | picos Avanzados  |                           | 1  |  |
| Contenidos   |                     | Resultados de Aprendizajes de  | la Unidad                 | Referencias a la<br>Bibliografía   |  |
| Esta última unidad permite al alumno explorar, a su elección, algún tema más avanzado cubierto en el material de referencia, y luego exponerlo a sus compañeros como proyecto final.  Puede ser: - STLC: referencias, subtipos, records, o normalización - Coq: tácticas avanzadas y customizadas - programación y verificación con tipos dependientes |                     | Aplicar el conocimiento adquirido curso para estudiar de manera au tema avanzado y exponerlo antes audiencia de nivel similar.  Los resultados técnicos específico dependerán de la elección del alu | itónoma un<br>s una<br>os | [1] References.html [1] Sub.html [1] RecordSub.html [1] Norm.html [1] UseTactics.html [3] Part II, Part III, [4] |  |



# Bibliografía

## Referencia principal del curso:

[1] B. Pierce et al., Software Foundations (version 4.2, 2017). Available online: <a href="https://www.cis.upenn.edu/~bcpierce/sf/">https://www.cis.upenn.edu/~bcpierce/sf/</a>

## Material complementario:

[2] Interactive Theorem Proving and Program Development, Y. Bertot and P. Casteran, Springer, 2004.

[3] Certified Programming with Dependent Types, A. Chlipala, MIT Press, 2013.

Available online: <a href="http://adam.chlipala.net/cpdt/">http://adam.chlipala.net/cpdt/</a>

[4] Types and Programming Languages, B. Pierce, MIT Press, 2001.

[5] The Coq reference manual: <a href="http://coq.inria.fr">http://coq.inria.fr</a>

| Vigencia desde: | Mayo 2017   |
|-----------------|-------------|
| Elaborado por:  | Eric Tanter |